(第1回)

2024(令和6)年度入学試験問題

数学

(試験時間:50分)

《注 意》

- (1) 問題は $1 \sim 6$ まであります。
- (2) 解答はすべて解答用紙に記入してください。
- (3) 受験番号、氏名を忘れずに記入してください。

1 次の計算をしなさい。(8) \sim (10) は因数分解をしなさい。

(1)
$$(-2)^3 \times \frac{1}{10} + 2^3 - 3 \times (-0.6) \div (1.5)^2$$

(2)
$$\frac{1}{6}(7x-3) - \frac{1}{2}(x+3)$$

(3)
$$4a^6b^5 \div 4a^3b^2 \times (-2a^7) \times \frac{2b}{a^4} \div \frac{a^3}{3}$$

(4)
$$\sqrt{96} + \sqrt{24} - \sqrt{2} \times \sqrt{27}$$

(5)
$$(x + 2y)(x - 2y) + (3x + 4y)^2$$

(6)
$$(\sqrt{5} + 2)(\sqrt{5} - 4) - \sqrt{125} + 10$$

(7)
$$(x+2y-4)(x-2y+4)$$

(8)
$$4x^2 - 16x + 16$$

(9)
$$25x^2y - 16yz^2$$

$$(10) \quad a^2 - 2a + 4b^2 + 4ab - 4b - 15$$

2 次の方程式を解きなさい。

$$(1) \quad 0.25x - \frac{3x - 5}{2} = 15$$

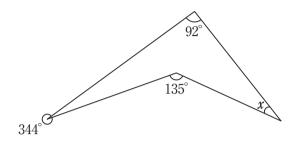
$$(2) \begin{cases} 2x + y = 6 \\ 3x = -2y + 8 \end{cases}$$

$$(3) \quad 2x^2 - 20x = -42$$

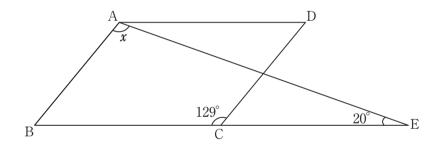
$$(4) \quad (x+3)^2 = 8$$

3 次の問いに答えなさい。

(1) 次の図において、∠xの大きさを求めよ。

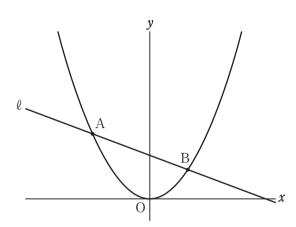


(2) 次の図において、 ∠xの大きさを求めよ。ただし、四角形 ABCD は平行四辺形とする。



- (3) $\sqrt{7}$ の小数部分を a とするとき、 $a^2 + 2a$ の値を求めよ。
- (4) 1から20までの数字を書いたカードが1枚ずつある。この20枚のカードをよくきって 1枚取り出すとき、素数のカードが出る確率を求めよ。

4 次の図のように、 $y = ax^2$ のグラフと 直線 ℓ があり、2 点 A、B で交わっている。点 A の座標は(-6, 9)、点 B の x 座標は 4 のとき、次の問いに答えなさい。



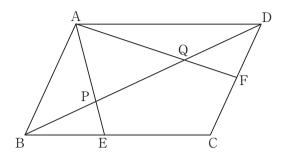
(1) aの値を求めよ。

(2) 直線ℓの式を求めよ。

(3) 点Bを通り、△OABの面積を2等分する直線の式を求めよ。

5 次の図は、平行四辺形 ABCD で、

点Eは辺BCを2:3に分ける点であり、 点Fは辺DCを3:4に分ける点である。 線分 AE、AFが対角線 BD と交わる点 をそれぞれ P、Q とするとき、次の線 分の長さの比を求めなさい。



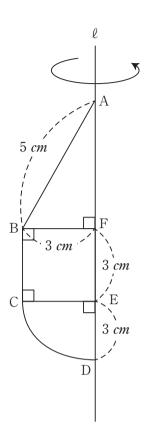
(1) AD: BE

(2) BQ: DQ

(3) BP: PQ

- 6 次の図は三角形、四角形、おうぎ形を組み合わせたものである。その図を、直線ℓを軸として1回転してできる立体について、次の問いに答えなさい。
- (1) ADの長さを求めよ。

(2) 体積を求めよ。



(3) 表面積を求めよ。